

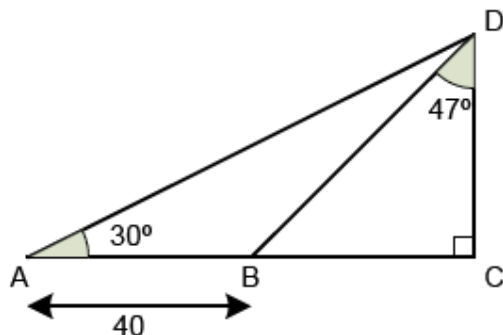


## Grupo II

Nas questões desta segunda parte apresente o seu raciocínio de forma clara, indicando todos os cálculos que tiver de efectuar e **todas as justificações** necessárias.

**Atenção:** Quando para um resultado, não é pedida aproximação, pretende-se sempre o **valor**

1. De acordo com os dados da figura, determine a área do triângulo [ACD].  
Apresente o resultado aproximado às centésimas.



2. Sem recorrer à calculadora, determine o valor exacto de:

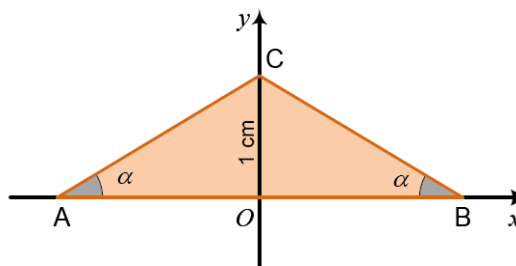
$$\cos \frac{17\pi}{4} - \operatorname{sen} \left( \frac{5\pi}{3} \right) - \operatorname{sen} \left( \frac{11\pi}{2} \right) + 2 \operatorname{tg} \frac{16\pi}{4}.$$

3. Simplifique a seguinte expressão:  $2 \cos \left( x + \frac{3\pi}{2} \right) - 2 \operatorname{sen}(3\pi - x) + \operatorname{tg}(5\pi - x)$ .

4. De um ângulo  $\alpha$  sabe-se que  $\cos(\pi + \alpha) = \frac{3}{7}$  e que  $\alpha \in \left] \pi, \frac{3\pi}{2} \right[$ . Apresente o valor numérico da expressão  $7 \operatorname{sen} \alpha - \operatorname{tg} \alpha$ .

5. Relativamente à figura sabe-se que

- ▶  $\overline{OC} = 1 \text{ cm}$
- ▶ o triângulo [ABC] é isósceles
- ▶  $\alpha \in \left] 0, \frac{\pi}{2} \right[$



- 5.1. Mostre que a área do triângulo [ABC]

é dado em função de  $\alpha$  por:  $A(\alpha) = \frac{\cos \alpha}{\operatorname{sen} \alpha}$ .

- 5.2. O que acontece ao perímetro do triângulo quando  $\alpha$  se aproxima de zero e de  $\frac{\pi}{2}$ ?  
Numa pequena composição justifique a sua resposta.

### Cotações

Grupo I	Grupo II - 1	Grupo II - 2	Grupo II - 3	Grupo II - 4	Grupo II - 5.1	Grupo II - 5.2
5x10	30	25	25	30	20	20