

ESCOLA SECUNDÁRIA DE LOUSADA COM 3º CICLO

Duração da prova: 90 minutos

13 de Março 2009

Proposta de Resolução

MATEMÁTICA – A

11ºANO | Turma C

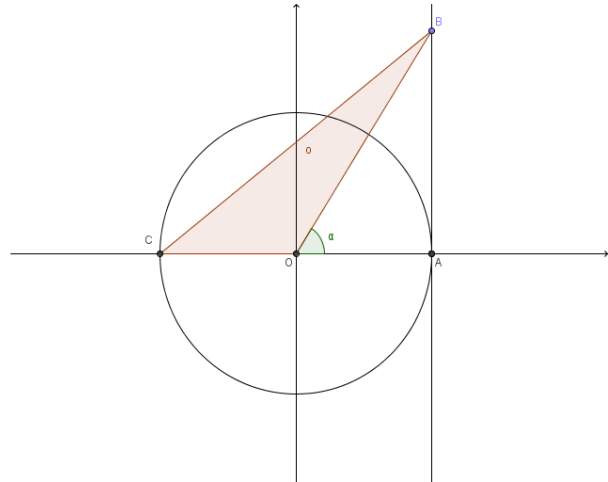
VERSÃO 1

Grupo I

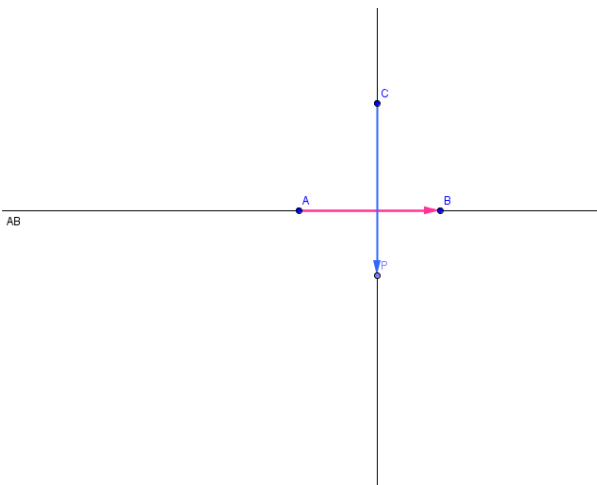
1	2	3	4	5
A	C	B	B	B

1. $A = \frac{\overline{AB} \times \overline{OC}}{2} = \frac{tg\alpha \times 1}{2} = \frac{tg\alpha}{2}$

(A) $\frac{tg\alpha}{2}$



2.



(c) $\overline{AB} \cdot \overline{CP} = 0$

3. $\alpha: 2x+3y-z+3=0$ e $\beta: 8x-4ky+(5-m^2)z+4m=0$

$\alpha \parallel \beta \Leftrightarrow \vec{n}_\alpha$ e \vec{n}_β são colineares

$\Leftrightarrow \exists a \in \mathbb{R} : \vec{n}_\beta = a \cdot \vec{n}_\alpha$

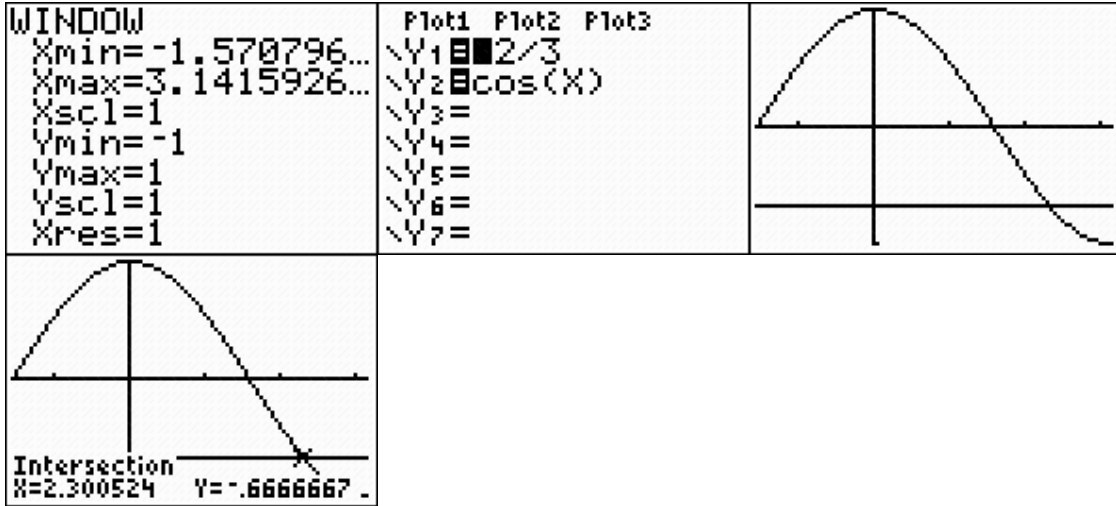
$\vec{n}_\alpha = (2, 3, -1)$ $\vec{n}_\beta = (8, -4k, 5-m^2)$

(B) $k = -3$ e $m = 3$

Se $k = -3$ e $m = 3$ então $\vec{n}_\beta = (8, 12, -4)$

Logo, $\vec{n}_\beta = 4 \cdot \vec{n}_\alpha$

4.



Opção B

5.

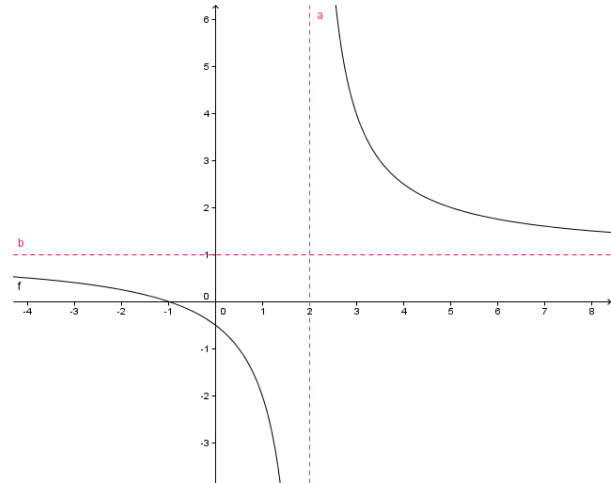
I- $D_f = \mathbb{R} \setminus \{2\}$ e $\lim_{x \rightarrow 2^-} f(x) = +\infty$

Falsa porque $D_f = \mathbb{R} \setminus \{2\}$ e $\lim_{x \rightarrow 2^-} f(x) = -\infty$

II- $D'_f = \mathbb{R} \setminus \{2\}$ e $\lim_{x \rightarrow 2^+} f(x) = +\infty$

Falsa porque $D'_f = \mathbb{R} \setminus \{1\}$ e $\lim_{x \rightarrow 2^+} f(x) = +\infty$

III- $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = 1$ e $\lim_{x \rightarrow 2^+} f(x) = +\infty$ Verdadeira



(B) III

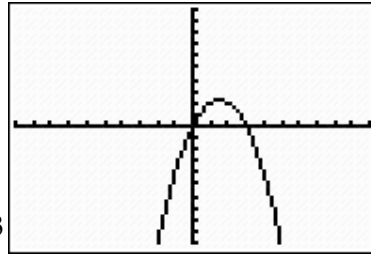
Grupo II

1.1 $\frac{2x-1}{x+2} = 1 \Leftrightarrow \frac{2x-1-x-2}{x+2} = 0 \Leftrightarrow x-3=0 \wedge x \neq -2 \Leftrightarrow x=3$

C.S. = {3}

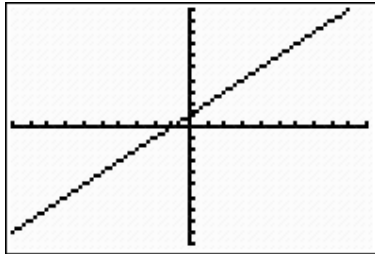
$$1.2 \frac{-x^2 + 3x}{x+1} > 0$$

Cálculos auxiliares:



$$-x^2 + 3x = 0 \Leftrightarrow x(-x+3) = 0 \Leftrightarrow x = 0 \vee x = 3$$

$$x+1 = 0 \Leftrightarrow x = -1$$



X	$-\infty$	-1		0		3	$+\infty$
$-x^2 + 3x$	-	-	-	0	+	0	-
$x+1$	-	0	+	+	+	+	+
$\frac{-x^2 + 3x}{x+1}$	+	S.S.	-	0	+	0	-

$$C.S. =]-\infty, -1[\cup]0, 3[$$

2.

$$h(x) = \frac{x^3 - 3x^2 - 4x + 12}{(x-2)(x-3)}$$

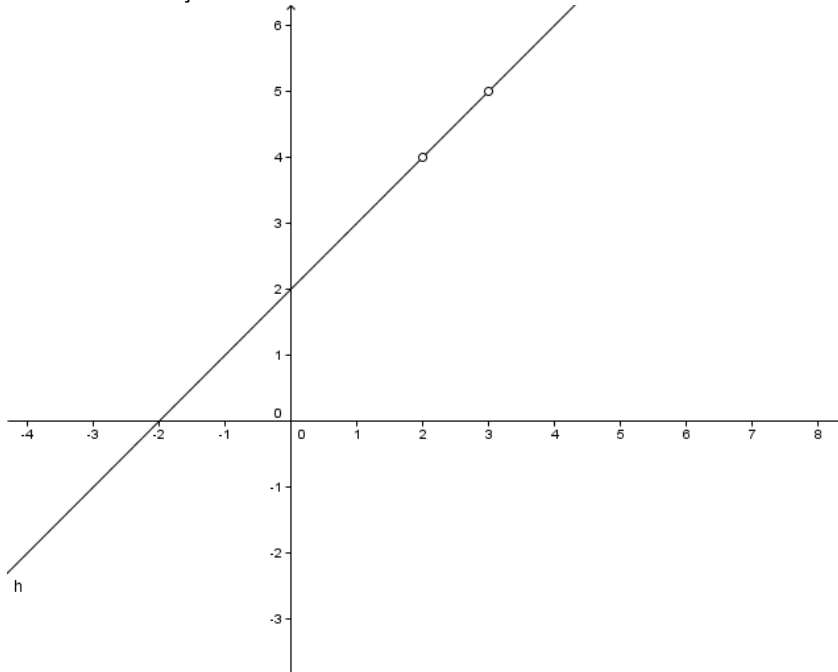
$$2.1 D_h = \mathbb{R} \setminus \{2, 3\}$$

$$2.2 h(x) = \frac{x^3 - 3x^2 - 4x + 12}{(x-2)(x-3)} = \frac{(x+2)(x-3)(x-2)}{(x-2)(x-3)} = x+2$$

Cálculos auxiliares:

	1	-3	-4	+12
2		2	-2	-12
	1	-1	-6	0
3		3	6	
	1	2	0	

2.3 Gráfico a função h:



2.4

Só tem assíntota oblíqua de equação $y=x+2$

2.5 A afirmação: “As funções h e $g(x)=x+2$ são iguais” é falsa porque $D_h \neq D_g$

$$D_g = \mathbb{R}$$

1. Numa experiência, um recipiente com água foi exposto a uma fonte de calor durante 10 horas. A quantidade Q, em litros, de água é dada em função de t, em horas, pela expressão:

$$Q(t) = \frac{2}{1+t} \quad ; t \in [0,10]$$

3.1

$$\text{No início: } Q(0) = \frac{2}{1+0} = 2 \text{ litros}$$

$$\text{No fim: } Q(10) = \frac{2}{1+10} = \frac{2}{11} \approx 0,18 \text{ litros}$$

3.2

$$\begin{aligned} Q(t) < 0,25 &\Leftrightarrow \frac{2}{1+t} - 0,25 < 0 \\ &\Leftrightarrow \frac{1,75 - 0,25t}{1+t} < 0 \\ &\Leftrightarrow \frac{1,75 - 0,25t}{1+t} < 0 \\ &\Leftrightarrow 1,75 - 0,25t < 0 \\ &\Leftrightarrow t > 7 \end{aligned}$$

$$C.S. =]7,10]$$

Durante aproximadamente 3 horas a quantidade de água no recipiente foi inferior a 0,25 litros.

3.3

$$Q(t) = 1,6 \Leftrightarrow \frac{2}{1+t} - 1,6 = 0$$

$$\Leftrightarrow \frac{0,4 - 1,6t}{1+t} = 0$$

$$\Leftrightarrow 0,4 - 1,6t = 0 \wedge t \in [0,10]$$

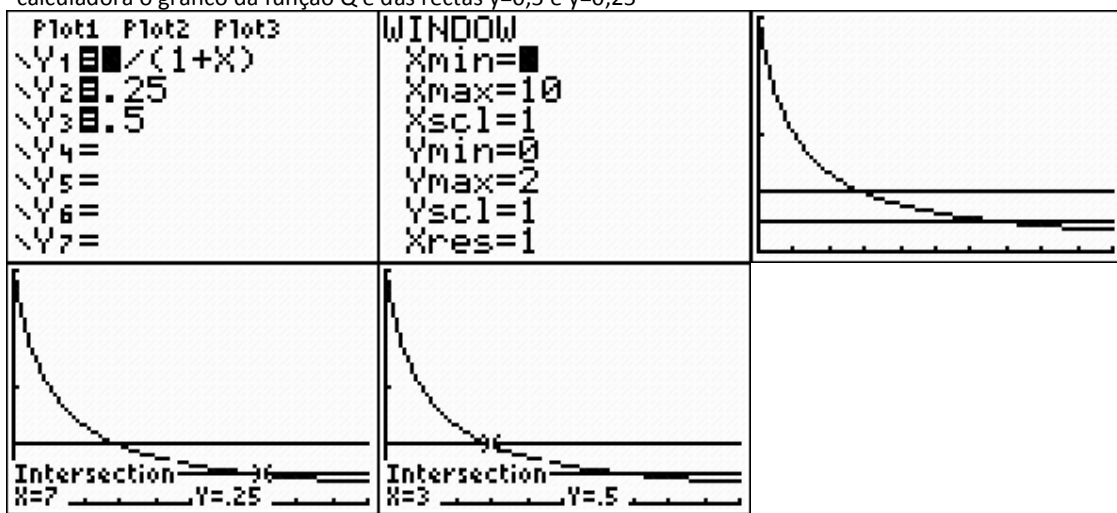
$$\Leftrightarrow t = 0,25 \text{ horas}$$

$0,25 \cdot 60 = 15$ minutos

Ao fim de 15 minutos a quantidade de água no recipiente era 1,6 litros.

3.4

Com o objectivo de resolver graficamente as inequações $Q(t) < 0,5$ e $Q(t) > 0,25$, obteve-se na calculadora o gráfico da função Q e das rectas $y=0,5$ e $y=0,25$



Da observação do gráfico, podemos concluir que entre as 3 horas e as 7 horas, ou seja, durante aproximadamente 4 horas a quantidade de água no recipiente variou entre 0,25 e 0,5 litros.